

Statistique TD n°19

Exemple : $p=2$

Deux vars X et Y . Les variables sont centrées
On suppose $\text{cov}(X, Y) = 0,9$

On forme la matrice des corrélations $C = \begin{pmatrix} 1 & 0,9 \\ 0,9 & 1 \end{pmatrix}$

On diagonalise C .

$$\lambda_1 = 1,9$$

$$\lambda_2 = 0,1$$

Les vecteurs propres normés sont :

$$u_1 = \begin{pmatrix} u_{11} \\ u_{12} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \frac{1}{\sqrt{2}} \\ \frac{1}{\sqrt{2}} \end{pmatrix}$$

$$u_2 = \begin{pmatrix} \frac{1}{\sqrt{2}} \\ -\frac{1}{\sqrt{2}} \end{pmatrix}$$

La première composante principale

$$\begin{cases} F_1 = \langle u_1, \rangle \\ F_1 = \frac{1}{\sqrt{2}} X^* + \frac{1}{\sqrt{2}} Y^* = C_1 \\ F_2 = \frac{1}{\sqrt{2}} X^* - \frac{1}{\sqrt{2}} Y^* = C_2 \end{cases}$$

F_1 et F_2 sont non corrélés

L'inertie expliquée par F_1 est $\lambda_1 = 1,9$
soit une part égale à

$$\frac{\lambda_1}{\lambda_1 + \lambda_2} = \frac{1,9}{1,9 + 0,1} = 95\%$$

$$\lambda_1 + \lambda_2 = 1,9 + 0,1$$

Exemple:

Les individus $\{A, B, C, D, E, F\}$ sont décrits par 3 variables

$V_1 = \text{longueur}$, $V_2 = \text{largeur}$, $V_3 = \text{poids}$.

On donne:

	long	large	poids
long	1		
large	-1	1	
poids	0	0	1

rang	Valeurs propres	%	Cumul
1	2	66,67	66,67
2	1	33,33	100
3	0	0	100

leur interpréter
les variables

