

Cartouche du document

Année : ING 1
 Matière : Algorithmique II
 Activité : Travail dirigé

Objectifs

Cet ensemble d'exercices a comme objectif :

- 1) de modéliser des problèmes à l'aide des types abstraits
- 2) d'utiliser le conteneur Vecteur

Type abstrait Vecteur

Concept

Ce type permet de modéliser une liste indicée u_{b_i}, \dots, u_{b_s} .

Les entiers b_i et b_s sont fixés une fois pour toute à la création du vecteur.

Opérations de base

Constructeur Vecteur : creerVecteur(Entier b_i , Entier b_s) : Vecteur

Transformateur Vecteur : affVal(Entier i , Element e) : Vecteur

Observateur Vecteur : recVal(Entier i) : Entier

Observateur Vecteur : estInitialise(Entier i) : Booleen

Observateur Vecteur : borneInf() : Entier

Observateur Vecteur : borneSup() : Entier

Axiomes

$\text{creerVecteur}(b_i, b_s).\text{borneInf}() = b_i$

$\text{creerVecteur}(b_i, b_s).\text{borneSup}() = b_s$

$i \leq b_s$ ET $i \geq b_i \Rightarrow$ NON CreerRacine(b_i, b_s).estInitialise(i)

$i \leq v.\text{borneSup}()$ ET $i \geq v.\text{borneInf}() \Rightarrow v.\text{affVal}(i, e).\text{recVal}(i) = e$

$i \leq v.\text{borneSup}()$ ET $i \geq v.\text{borneInf}() \Rightarrow v.\text{affVal}(i, e).\text{estInit}(i)$

Sommaire des exercices

- 1 - Manipulation de suites
- 2 - Equation du second degré

Corps des exercices

1 - Manipulation de suites

Énoncé :

On désire étudier des suites arithmétiques et géométriques

Question 1)

Énoncé de la question

Définir un type abstrait qui permet de manipuler indistinctement une suite arithmétique ou une suite géométrique

Solution de la question

Type abstrait TypeSuite

Ce type permet d'énumérer différents types de suites

Opération de base

Constructeur TypeSuite : suiteGeo() : TypeSuite

Opération de base

Constructeur TypeSuite : suiteAri() : TypeSuite

Type abstrait SuiteAriGeo

Ce type permet de modéliser une suite arithmétique ou géométrique

Opération de base

Constructeur SuiteAriGeo : creerSuiteAriGeo(Reel u0, Reel coeff, TypeSuite ts) :

SuiteAriGeo

Opération de base

Observateur SuiteAriGeo : recUO() : Reel

Opération de base

Observateur SuiteAriGeo : recCoeff() : Reel

Opération de base

Observateur SuiteAriGeo : recTypeSuite() : TypeSuite

Axiomes

$\text{recU0}(\text{creerSuiteAriGeo}(u0, \text{coeff}, \text{ts})) = u0$

$\text{recCoeff}(\text{creerSuiteAriGeo}(u0, \text{coeff}, \text{ts})) = \text{coeff}$

$\text{recTypeSuite}(\text{creerSuiteAriGeo}(u0, \text{coeff}, \text{ts})) = \text{ts}$

Question 2)

Énoncé de la question

Ajouter dans ce type une opération d'extension qui permet de calculer et stocker dans un conteneur adéquat les n premiers termes d'une suite

Solution de la question

Le source

Opération d'extension

Observateur SuiteAriGeo : stockerTermesSuiteAriGeo(**Entier** n) : **Vecteur**

// Le paramètre implicite

Observé sag

Références locales

Reel u, coeff

Entier i

Vecteur termes

TypeSuite ts

// Début de l'algorithme

DEBUT

termes <-- creerVecteur(0,n)

u <-- sag.recU0()

coeff <-- sag.recCoeff()

ts <-- sag.recTypeSuite()

termes.affVal(0,u)

Pour i <-- 1 à n pas 1

SI ts.estEgal(suiteAri()) **ALORS** // Structure conditionnelle

 u <-- u + coeff

SINON // Alternative conditionnelle

 u <-- u * coeff

FINSI

 termes.affVal(i, u)

FinPour

retourner termes

FIN

Question 3)

Énoncé de la question

En utilisant l'opération précédente, écrire une opération d'extension qui permet de calculer la monotonie de la suite sur les n premiers termes.

Solution de la question

Le source

Type abstrait Montonie

Ce type permet d'énumérer différents types de monotonie d'une suite

Opération de base

Constructeur Monotonie : nonMonotone() : Monotonie

Opération de base

Constructeur Monotonie : croissante() : Monotonie

Opération de base

Constructeur Monotonie : décroissante() : Monotonie

Opération d'extension

Observateur SuiteAriGeo : recMonotonieSuiteAriGeo(**Entier** n) : Monotonie

// Le paramètre implicite

Observé sag

Références locales

Reel diff1, diff2

Entier i

Vecteur termes

// Début de l'algorithme

DEBUT

termes <-- sag.stockerTermesSuiteAriGeo(n)

diff1 <-- termes.recVal(1) - termes.recVal(0)

diff2 <-- copie(diff1)

i <-- 2

TantQue i <= n **ET** (diff1 * diff2) >= 0 Faire

diff1.egalA(diff2)

diff2 <-- termes.recVal(i) - termes.recVal(i-1)

i <-- i + 1

FinTantQue

SI (diff1 * diff2) < 0 **ALORS** // Structure conditionnelle

retourner nonMonotone()

Sinon Si diff1 >= 0

retourner croissante()

SINON // Alternative conditionnelle

retourner décroissante()

FinSi

FIN Observateur

2 - Equation du second degré

Énoncé :

Cet exercice a pour but de résoudre une équation du seconde degré à l'aide d'un type abstrait.

Question 1)

Énoncé de la question

On vous demande de modéliser une équation du second degré dans R. Le type abstrait nommé EQ2D_V1 sera défini comme suit :

- les opérations de base suivantes :
 - le constructeur creerEQ2D pour définir l'équation
 - un observateur recCoeff pour récupérer n'importe quel coefficient de l'équation
- l'opération d'extension resoudreEQ2D de type observateur qui :
 - 1) calcule les racines réelles de l'équation,
 - 2) les rangent dans un objet d'un type X à définir,
 - 3) renvoie une référence de cet objet.

Solution de la question

Type abstrait RacinesEq2D

ce type modélise le stockage de la solution d'une équation du second degré

Opérations de base

Constructeur RacinesEq2D : creerRacinesEq2D(**Vecteur** racines) : RacinesEq2D

Constructeur RacinesEq2D : creerPasDeRacinesEq2D() : RacinesEq2D

Observateur RacinesEq2D : recNbRacines() : **Entier**

Observateur RacinesEq2D : recRacines() : **Vecteur**

Axiomes

creerRacinesEq2D(racines).recNbRacines().estEgal(borneSup(racines))

creerPasDeRacinesEq2D(racines).recNbRacines().estEgal(0)

creerRacinesEq2D(racines).recRacines().estEgal(racines)

creerPasDeRacinesEq2D().recRacines() = refNulle

Type abstrait Eq2D_V1

Ce type permet de modéliser la définition et la résolution d'une équation du second degré

Opérations de base

Constructeur Eq2D : creerEq2D(**Reel** a, **Reel** b, **Reel** c) : Eq2D

Observateur Eq2D : recCoeff(**Entier** no) : **Reel**

Axiomes

$a = 0 \Rightarrow \text{creerEq2D}(a,b,c) = \text{refNulle}$

$\text{creerEq2D}(a,b,c).\text{recCoeff}(2) = a$

$\text{creerEq2D}(a,b,c).\text{recCoeff}(1) = b$

$\text{creerEq2D}(a,b,c).\text{recCoeff}(0) = c$

Opération d'extension

Observateur Eq2D : resoudreEq2D() : RacinesEq2D

// Le paramètre implicite

Observé eq2d

Objets locaux

Reel a, b,c, delta, r, racineDelta

Vecteur res

RacinesEq2D req2d

// Début de l'algorithme

DEBUT

// on récupère les coefficients de l'équation

a <-- eq2d.recCoeff(2)

b <-- eq2d.recCoeff(1)

c <-- eq2d.recCoeff(0)

// on calcule le discriminant

delta <-- b * b - 4.0 * a * c

// on envisage les différents cas de figure suivant la valeur du discriminant

SI delta = 0 **ALORS** // Structure conditionnelle

res <-- creerVecteur(1,1)

// on calcule la racine double

r <-- - b / (2.0 * a)

// on stocke cette racine dans le vecteur res

res.affVal(1,r)

req2d <-- creerRacinesEq2D(res)

SINON SI delta > 0 **ALORS** // Alternative conditionnelle

res <-- creerVecteur(1,2)

// on calcule les deux racines et on les stocke dans le vecteur res

racineDelta <-- delta.racineCarree()

r <-- (- b + racineDelta) / (2.0 * a)

res.affVal(1,r)

r <-- (- b - racineDelta) / (2.0 * a)

res.affVal(2,r)

req2d <-- creerRacinesEq2D(res)

SINON // Alternative conditionnelle

req2d <-- creerPasDeRacines()

FinSi

retourner req2d

FIN

Question 2)

Énoncé de la question

Si on appelle plusieurs fois l'opération `resoudreEQ2D`, on refait le calcul des racines. Définir un nouveau type abstrait `EQ2D_V2` qui pallie à cette faiblesse.

Le type abstrait X devra nous permettre de connaître :

- 1) le nombre de racines
- 2) l'ensemble des racines stockées dans un vecteur

Solution de la question

Type abstrait `EQ2D_V2`

Ce type permet de modéliser la définition et la résolution d'une équation du second degré

Opérations de base

Constructeur `EQ2D` : `creerEQ2D(Reel a, Reel b, Reel c) : EQ2D`

Observateur `EQ2D` : `recCoeff(Entier no) : Reel`

Transformateur `EQ2D` : `affRacines(RacinesEQ2D racines) : EQ2D`

Observateur `EQ2D` : `recRacines() : RacinesEQ2D`

Axiomes

$a = 0 \Rightarrow \text{creerEQ2D}(a,b,c) = \text{refNulle}$

`creerEQ2D(a,b,c).recCoeff(2).estEgal(a)`

`creerEQ2D(a,b,c).recCoeff(1).estEgal(b)`

`creerEQ2D(a,b,c).recCoeff(0).estEgal(c)`

`eq2d.affRacines(req2d).estEgal(req2d)`

Opération d'extension

Transformateur `EQ2D` : `resoudreEQ2D() : RacinesEQ2D`

// Le paramètre implicite

Transformé `eq2d`

Objets locaux

Reel `a, b, c, delta, r, racineDelta`

Vecteur `res`

RacinesEQ2D `req2d`

// Début de l'algorithme

DEBUT

SI `eq2d.recRacines() = refNulle` ALORS // Structure conditionnelle

// l'équation est non résolue. On la résout

Algorithmique II

```
// on récupère les coefficients de l'équation
a <-- eq2d.recCoeff(2)
b <-- eq2d.recCoeff(1)
c <-- eq2d.recCoeff(0)

// on calcule le discriminant
delta <-- b * b - 4.0 * a * c

// on envisage les différents cas de figure suivant la valeur du discriminant
SI delta = 0 ALORS // Structure conditionnelle
  res <-- creerVecteur(1,1)
  // on calcule la racine double
  r <-- - b / (2.0 * a)
  // on stocke cette racine dans le vecteur res
  res.affVal(1,r)
  eq2d.affRacines(creerRacinesEQ2D(res))
SINON SI delta > 0 ALORS // Alternative conditionnelle
  res <-- creerVecteur(1,2)
  // on calcule les deux racines et on les stocke dans le vecteur res
  racineDelta <-- delta.racineCarree()
  r <-- (- b + racineDelta) / (2.0 * a)
  res.affVal(1,r)
  r <-- (- b - racineDelta) / (2.0 * a)
  res.affVal(2,r)
  eq2d.affRacines(creerRacinesEQ2D(res))
SINON // Alternative conditionnelle
  eq2d.affRacines(creerPasDeRacines())
  FinSi
FinSi
retourner eq2d
FIN Transformateur
```